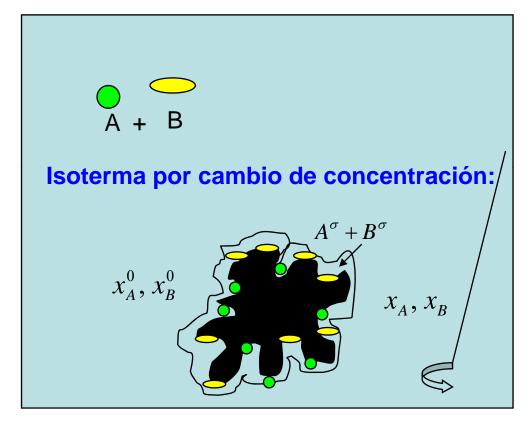
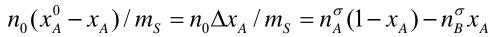


# Experimento de inmersión de un sólido para medir la adsorción de una solución







# DESDE EL PUNTO DE VISTA DE LA OBSERVACION EXPERIMENTAL

(Pure and Applied Chemistry 1986, 58, 967-984)

La adsorción de solución ocurre cuando existe una discrepancia entre la composición estequiométrica inicial de una solución y la composición que alcanza el líquido una vez que ha estado en contacto con el adsorbente.

It has been pointed out that one may almost speak, *not of adsorption "from" or "in" solutions*, *but "of" solutions*, thus emphasising that both components are adsorbed.

(J. J. Kipling, Quarterly Reviews, Royal Soc. 1951, 5, 60).





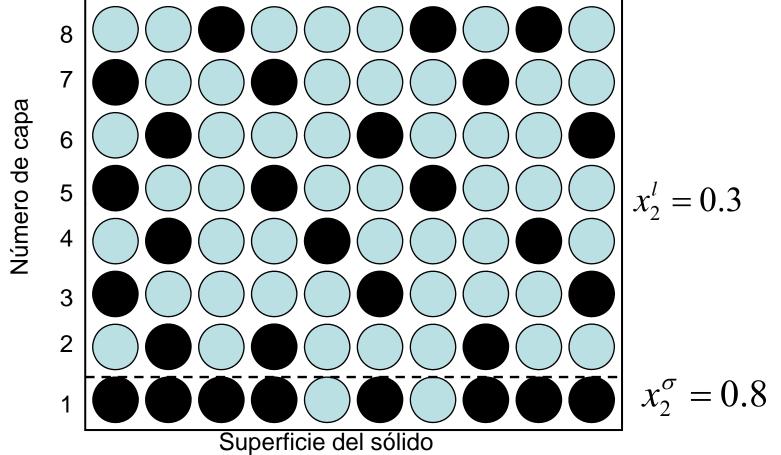
D. H. Everett Leverhulme Professor Universidad de Bristol, U.K. MBE, FRS 1916-2002





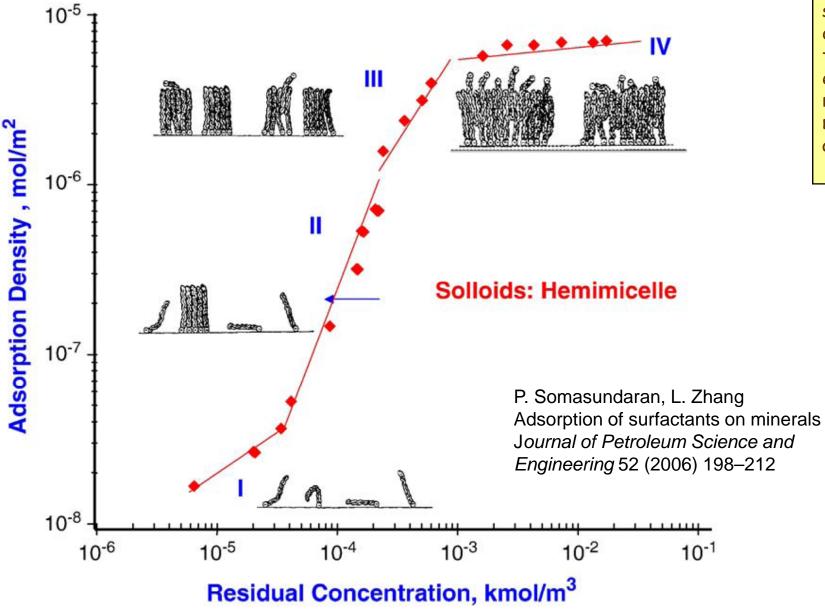






Representación esquemática del modelo de monocapa para la adsorción de una solución binaria.





Schematic representation of the growth of surfactant aggregates for various regions of the adsorption isotherm

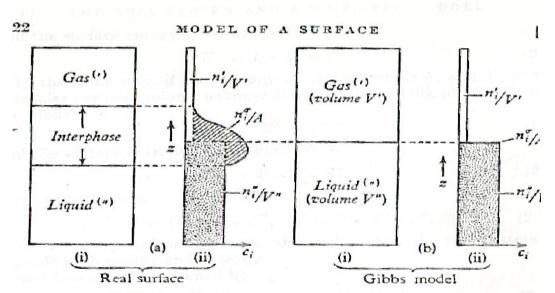


# Principio cardinal de la adsorción de solución

(J.J. Kipling, "Adsorption from solutions of non electrolytes" Academic Press, Londres, 1965

Antes se pensaba que el cambio de concentración de la solución era una medida del grado de adsorción de un componente (i.e. el "soluto") sobre el sólido. Tácitamente se suponía que el segundo componente (i.e. el "solvente") no estaba involucrado en el proceso de adsorción.

Para sistemas con componentes completamente solubles (e.g. etanol y benceno) <u>ninguno puede ser identificado como solvente o soluto y se debe</u> reconocer que ambos componentes pueden ser adsorbidos.



Fro. 2.1. (a) Real surface distribution of component i. (b) The Gibbs mos surface equivalent to the real surface.

El exceso superficial ("surface excess") de un componente es la diferencia entre la cantidad de ese componente presente en el sistema y aquella cantidad que estaría presente si la concentración de ese componente en

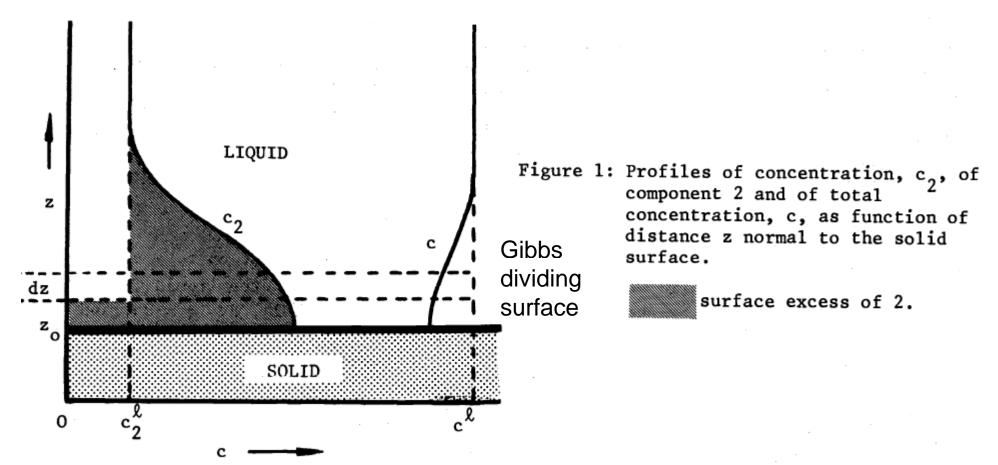
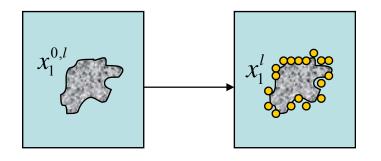




Figure 1: Concentration profile of component *i* as function of distance z from a plane solid surface (schematic).

# Isoterma de adsorción de una solución binaria en términos de sus isotermas individuales

$$x_{1}^{l} = \frac{\left(n^{0} x_{1}^{0,l} - n_{1}^{\sigma}\right)}{n^{0} - n_{1}^{\sigma} - n_{2}^{\sigma}} \longrightarrow \frac{n^{0} (x_{1}^{0,l} - x_{1}^{l})}{m_{S}} = \underbrace{\left(n^{0} \Delta x_{1}^{l}\right)}_{m_{S}} + n_{1}^{\sigma} (1 - x_{1}^{l}) - n_{2}^{\sigma} x_{1}^{l} \quad (i)$$

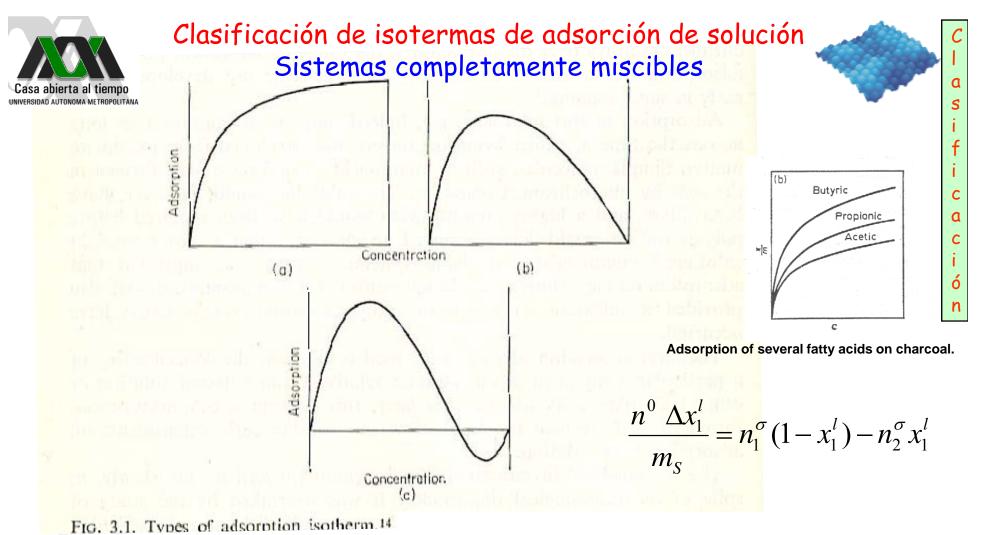


Isoterma de exceso superficial específico en términos de isotermas individuales de adsorción

Las variables  $n_1^{\sigma}$  y  $n_2^{\sigma}$  se pueden calcular mediante la ec. (i) y si se conociese el peso total, w, de la capa adsorbida:

$$w = w_1^{\sigma} + w_2^{\sigma} = n_1^{\sigma} M_1 + n_2^{\sigma} M_2$$
  
Entonces se podrían obtener  $n_1^{\sigma}$  y  $n_2^{\sigma}$ 

$$S = \frac{x_2^{\sigma} x_1^l}{x_2^l x_1^{\sigma}}$$
 factor de separación, S>1 indica una adsorción preferente del componente 2



Las isotermas como la siguiente:

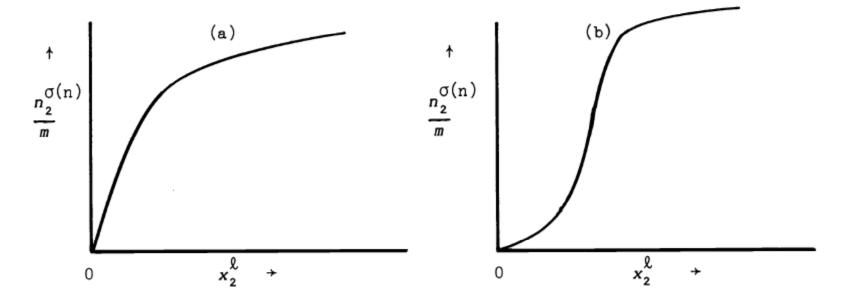


indican que en una primera parte

del intervalo de concentración un componente es adsorbido preferencialmente con respecto al otro. Esto significa que en el equilibrio, este componente está presente en la capa adsorbida en una mayor proporción que en la solución.

La adsorción "negativa" de la segunda parte indica una adsorción preferente del otro componente. Para líquidos completamente miscibles la isoterma decae a cero en cada extremo del intervalo de concentraciones.

En soluciones diluidas de líquidos *parcialmente miscibles*, las isotermas de exceso superficial pueden exhibir las siguientes 2 formas extremas:



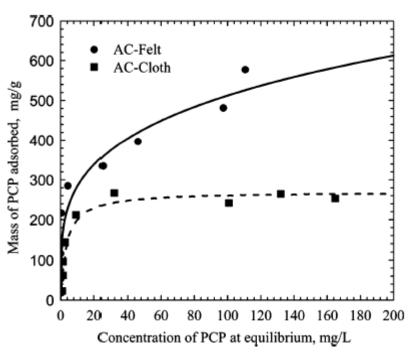
La transición de la isoterma (b) a la (a) puede ocurrir cuando se aumenta la temperatura

# La adsorción de solución permite calcular(mediante la ec. de adsorción de Gibbs):

- (1) La diferencia de tensiones interfaciales del tipo sólido-líquido, las cuales no se pueden medir de manera directa
- (2) Verificar la ecuación de Young en la línea de contacto de tres fases.
- (3) Calcular el ángulo de contacto entre un líquido y una superficie sólida, termodinámicamente.
- (4) Calcular la tensión de desparramamiento de un líquido sobre otro (spreading tension).
- (5) Calcular calores y entropías de inmersión por medio de relaciones termodinámicas

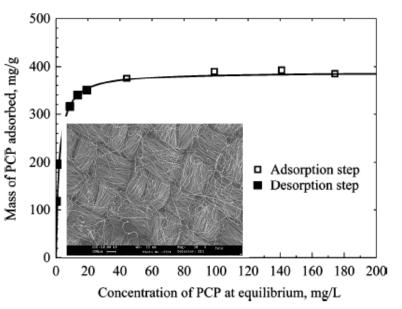
#### Precisión de los datos experimentales.

Ind. Eng. Chem. Res., Vol. 45, No. 1, 2006 33



**Figure 3.** Effect of ACF type on the adsorption isotherm of PCP at 25 °C and pH 7. The lines represent the Prausnitz—Radke isotherm.

#### Histéresis de adsorción de solución



e

S

ó

n

e

h

S

+

é

e

S

**Figure 8.** Reversibility of the adsorption isotherm of PCP on AC-felt a 25 °C and pH 9. The lines represent the Prausnitz—Radke isotherm.

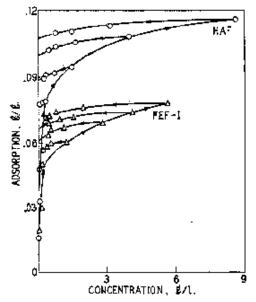


Figure 9. Hysteresis of cold rubber adsorption from n-heptane

#### **Adsorption of Elastomers on Carbon Black**

G. Kraus, J. Dugone *Ind. Eng. Chem.*, **1955**, 47 (9), 1809-1816•

# REPORTING DATA ON ADSORPTION FROM SOLUTION AT THE SOLID/SOLUTION INTERFACE

Pure & App!. Chem., Vol. 58, No. 7, pp. 967—984, 1986.

### Métodos para la medición de adsorción de solución

### a) Método de inmersión

La manera tradicional es añadir una masa conocida de sólido a una cantidad dada de solución en un contenedor sellado (generalmente provisto de agitación) en un termostato. Después de alcanzar el equilibrio, el liquido sobrenadante es analizado para obtener el cambio de concentración de los componentes de la solución.

### b) Método de recirculación

Se recircula el liquido continuamente sobre el sólido. La concentración se monitorea continuamente mediante su paso a través de un refractómetro de flujo. Un método diferencial en el que la solución a la concentración original es circulado a través de la celda de referencia del refractómetro es de suma conveniencia.

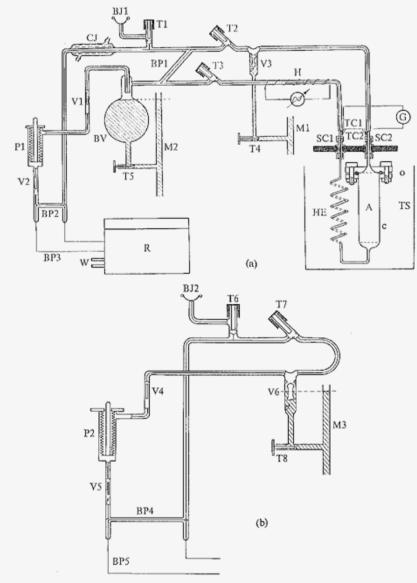


FIGURE 1. Differential adsorption apparatus: *a*, adsorption system; *b*, reference system. P1, P2, bellows pumps; V1, V2, V4, V5, glass non-return valves; V3, V6, float valves; T1, T2, T3, T6, T7, Rotaflo taps (type TF12/CI/13); T4, T5, T8, needle valves (Hone Cr/Ni); M1, M2, M3, mercury cut-offs; BV, ballast volume (≈80 cm³); BP1, 0.2 mm capillary by-pass; BP2, BP4, 1 mm capillary by-passes; BP3, BP5, 1 mm i.d. stainless-steel capillary by-passes; H, liquid heater; HE, heat exchanger (3 mm o.d. stainless-steel tubing); C, adsorption cell (≈65 cm³); A, solid adsorbent; CJ, cooling jacket; BJ1, BJ2, ball-joints with Viton O-ring seals; SC1, SC2, Swagelok connectors to Covar-to-glass seals; O, Viton O-ring; TC1, TC2, copper-to-constantan thermocouple junctions; TS, variable temperature thermostat; R, differential refractometer (Waters Associates, type R403); W, water connexions to 298.15 K thermostat. All connecting tubes are made from 1,5 mm glass capillary.

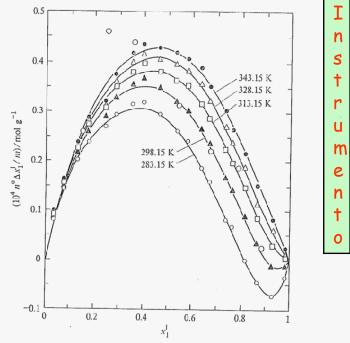


FIGURE 4. Surface excess isotherms for benzene (1) + n-heptane (2) + Graphon at indicated temperatures. Large circles, data of Parfitt and Willis<sup>(7)</sup> at 298.15 K. Symbols as for figure 3.

Aparato diferencial de adsorción de solución S.G. Ash, R. Bown, D.H. Everett *J. Chem Thermodynamics* 1973, 5, 239-246 Escuela de Química Universidad de Bristol Precisión ±3 x 10<sup>-9</sup> mol m<sup>-2</sup>

# c) Método cromatográfico

El adsorbente es la fase estacionaria de la columna cromatográfica. Las medidas de concentración se realizan sobre el liquido que entra y el que sale de la columna. La diferencia de concentraciones puede Ser monitoreada con un refractómetro diferencial. El volumen de liquido que pasa por la columna debe ser medido y el experimento termina cuando las concentraciones de entrada y salida son iguales.

## d) Método nulo

Después de lograrse el equilibrio de adsorción entre el sólido y la solución. se agregan  $\Delta n^a$  moles de una solución de fracción molar  $x_2^a$  de tal forma que la concentración regresa a ser  $x_2^0$ . La adsorción o exceso superficial es:

$$n_2^{\sigma(n)} = \Delta n^a \left( x_2^a - x_2^0 \right)$$

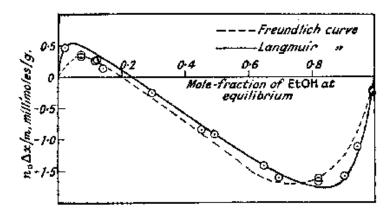
o:

$$\Gamma_2^{\sigma(n)} = \frac{\Delta n^a}{ma_s} \left( x_2^a - x_2^0 \right)$$

Y la adsorción relativa de componente 2 con respecto al 1 es:

$$\Gamma_2^{(1)} = \frac{\Delta n^a}{ma_S}$$

#### Isotermas de adsorción de solución en términos de isotermas individuales



$$n_0 \cdot \Delta x/m = \frac{k_1' K x(1-x)}{1+k_1' x} - \frac{k_2' K' x(1-x)}{1+k_2'(1-x)}$$

$$n_0 \Delta x / m = k_1 x^{\alpha} (1 - x) - k_2 (1 - x)^{\beta} x$$

FIG. 1. Isotherms of concentration change for the system benzene-ethyl alcohol.

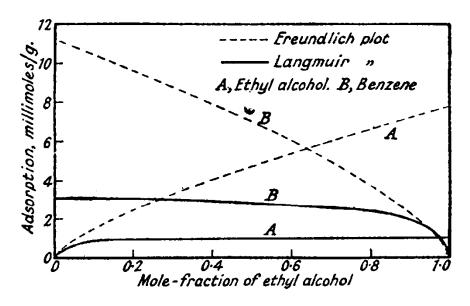
Points: experimental. Curves: calculated.

$$n_0(x_0 - x) / m = n_0 \Delta x / m = n_1^{\sigma} (1 - x) - n_2^{\sigma} x$$
  
Bartell & Sloan  
JACS 1929, **51**, 1637

Isotermas individuales tipo Langmuir

Isotermas individuales tipo Freundlich

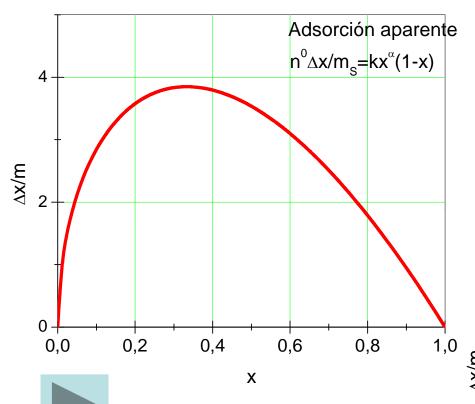
FIG. 2. Individual adsorption isotherms for the system benzene-ethyl alcohol, plotted according to the Freundlich and the Langmuir equations.



#### Como trazar isotermas individuales

2

#### Cuando sólo se adsorbe el "soluto"

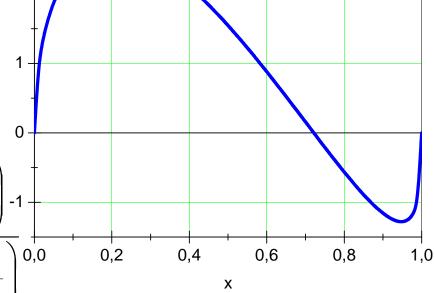


Existen diversas maneras de calcular isotermas individuales

#### Cuando se adsorbe el "solvente"

Apparent adsorption

 $n^{0}\Delta x/m_{s} = k_{1}x^{\alpha}(1-x)-k_{2}(1-x)^{\beta}x$ 



$$x_{2}^{\sigma} = \frac{x_{2}^{l} + a_{1}\Gamma_{2}^{(n)}}{1 - (a_{2} - a_{1})\Gamma_{2}^{(n)}} = \frac{x_{2}^{l} + \left(\frac{a_{1}}{a_{S}}\right)\left(\frac{n^{0}\Delta x_{2}^{l}}{m_{S}}\right) - 1}{1 - \left(\frac{a_{2} - a_{1}}{a_{S}}\right)\left(\frac{n^{0}\Delta x_{2}^{l}}{m_{S}}\right)^{0,0}}$$

$$\frac{x_2^l + \left(\frac{a_1}{a_S}\right) \left(\frac{n \Delta x_2}{m_S}\right)}{\left(a_2 - a_1\right) \left(n^0 \Delta x_2^l\right)}$$

$$1 - \left(\frac{a_2 - a_1}{a_S}\right) \left(\frac{n^0 \Delta x_2^l}{m_S}\right)$$

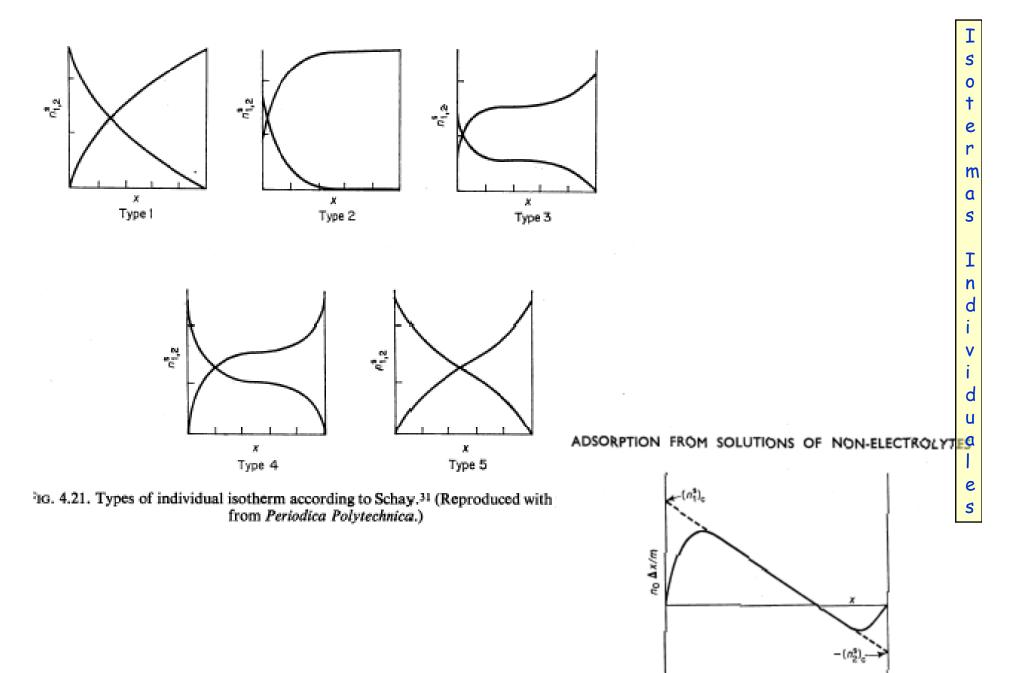


Fig. 4.9. Composite isotherm showing substantial linear section.

# Adsorción de una mezcla de vapores para determinar experimentalmente isotermas de adsorción de componentes individuales

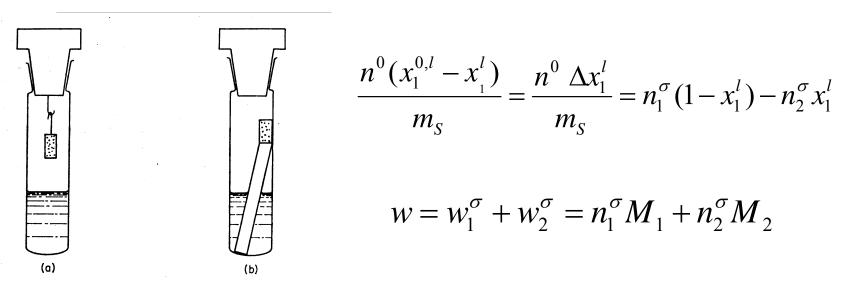
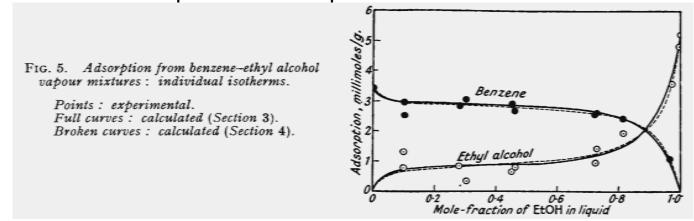


Fig. 2.3. Adsorption from mixed vapours.

El vapor, en contacto con el sólido, está saturado con respecto a la solución líquida a la temperatura de adsorción. Cuando el peso es invariable, se determina la composición del líquido



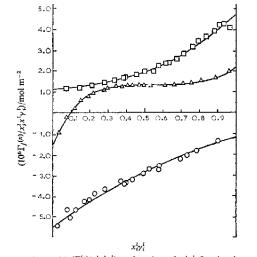
# Ecuación de Gibbs. Tensión interfacial de la interfase sólido/liquido

$$\partial \sigma^{sl} = -s^{\sigma} \partial T - \sum_{i=1}^{C} \Gamma_{i} \ \partial \mu_{i} \quad ; \partial \sigma^{sl} = -s^{\sigma} \partial T - \sum_{i=2}^{C} \Gamma_{i}^{(1)} \ \partial \mu_{i} \quad \text{superficie plana}$$

$$\left(\frac{\partial \sigma}{\partial \mu_2}\right)_{T,p} = -\Gamma_2^{(1)} = \frac{\Gamma_2^{(n)}}{x_1^l}$$

Al integrar esta ecuación se obtiene:

$$\sigma - \sigma_2^* = -\frac{RT}{a_S} \int_{x_2^l=1}^{x_2^l} \frac{n_2^{\sigma(n)} / m_S}{x_1^l x_2^l y_2^l} d(x_2^l y_2^l)$$



.—Integrand of eqn (6)  $[\Gamma_1^{(n)}/x_1^jx_1^jx_1^j]$  as function of  $x_1^jx_1^j$  for the three systems at 298 k  $\Box$  1 + 3;  $\bigcirc$ , 1 + 2;  $\triangle$ , 3 + 1.

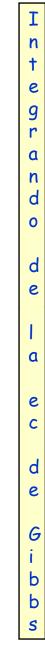
# Entalpía de inmersión:

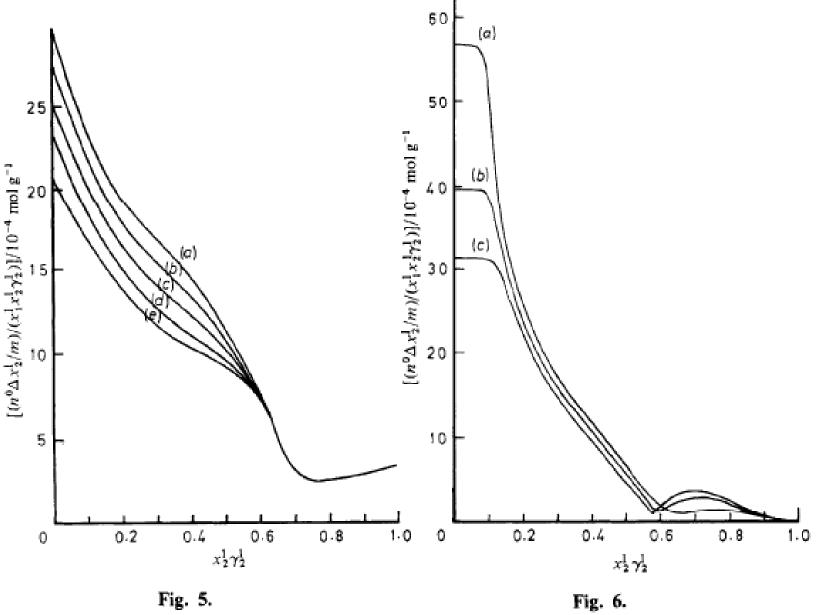
$$\frac{n_2^{\sigma(n)}/m_S}{x_1^l x_2^l \gamma_2^l}$$

$$\Delta_{w} \hat{h} - \Delta_{w} \hat{h}_{2} = \frac{\partial}{\partial (1/T)} \left[ \frac{\sigma - \sigma_{2}^{*}}{T} \right]$$

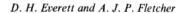
### Entropía de inmersión:

$$\Delta_{w}\widehat{s} - \Delta_{w}\widehat{s}_{2}^{*} = \frac{\partial}{\partial T} \left[ \sigma - \sigma_{2}^{*} \right]$$





**Fig. 5.** Graphs of  $(n^{\circ}\Delta x_2^1/m)/(x_1^1 x_2^1 y_2^1)$  as functions of  $x_2^1 y_2^1$  for (water-methanol)/Graphon at (a) 298.15; (b) 308.15; (c) 318.15; (d) 328.15; (e) 338.15 K. Above  $x_2^1 y_2^1 = 0.6$  the curves are indistinguishable.



2613

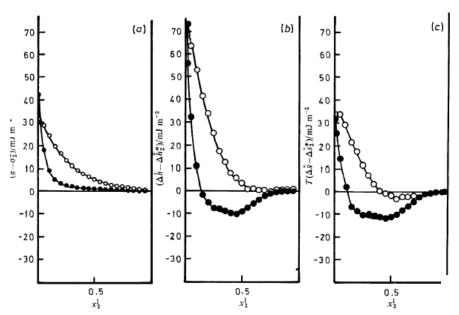
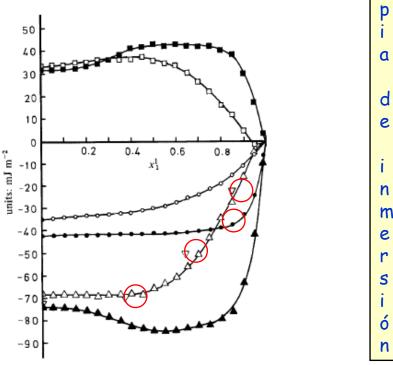


Fig. 7. Thermodynamic functions at 25 °C for (water-alcohol)/Graphon systems: (a)  $(\sigma - \sigma_2^*)$ , (b)  $(\Delta_w \hat{h} - \Delta_w \hat{h}_2^*)$ , (c)  $T(\Delta_w \hat{s} - \Delta_w \hat{s}_2^*)$  as functions of  $x_2^1$ . Open points: methanol; filled points: ethanol.

Figure 8 shows that the <u>dominant factor</u> which determines the sign of the preferential adsorption <u>is the enthalpy of immersion</u>, although the opposing entropy term is some 50% of it.



a

**Fig. 8.** Thermodynamic functions at 25 °C for (water-alcohol)/Graphon systems:  $\bigcirc$ ,  $(\sigma - \sigma_1^*)$ ;  $\triangle$ ,  $(\Delta_{\mathbf{w}} \hat{h} - \Delta_{\mathbf{w}} \hat{h}_1^*)$ ;  $\square$ ,  $-T(\Delta_{\mathbf{w}} \hat{s} - \Delta_{\mathbf{w}} \hat{s}_1^*)$ . Open symbols, methanol; filled symbols, ethanol.  $\nabla$ ,  $(\Delta_{\mathbf{w}} \hat{h} - \Delta_{\mathbf{w}} \hat{h}_1^*)$  from immersion calorimetry.

# Cálculo termodinámico del ángulo de contacto a partir de medidas de adsorción de solución

J. Chem. Soc., Faraday Trans. 1, 1986, 82, 2605-2614 Douglas H. Everett and Alistair J. P. Fletcher

$$\sigma^{BS} - \sigma^{AS} = \sigma^{AB} \cos \theta$$

Ecuación de Young en la línea de contacto de 3 fases,

A y B son líquidos inmiscibles;  $\sigma^{AS}$  y  $\alpha^{BS}$  no se pueden medir experimentalmente y por lo tanto la ecuación de Young no es posible confirmarla directamente.

"For a solid/liquid interface the global adsorption is relatively easy to determine, although the solid/liquid interfacial tension is not amenable to direct experimental measurement" D. H. Everett in *Specialist Periodical Report, Colloid Science, Vol. 1. The Chemical Soc.* 1973.

Sin embargo <u>si A y B son miscibles en C</u>, al medir la adsorción de mezclas A-C y B-C sobre todo el intervalo de concentraciones es posible, por integración de la ecuación de adsorción de Gibbs de obtener ( $\sigma^{AS}$ -  $\sigma^{CS}$ ) y ( $\sigma^{BS}$ -  $\sigma^{CS}$ ). La diferencia ( $\sigma^{BS}$ -  $\sigma^{AS}$ ) puede entonces ser calculada y si  $\sigma^{AB}$  es conocida  $\theta$  puede ser calculado por una ruta termodinámica.

ser calculado por una ruta termodinámica. 
$$\sigma^{sl} - \sigma_2^{sl*} = -\frac{RT}{a_s} \int_{x_2^{l=1}}^{x_2^{l}} \frac{n_2^{\sigma(n)} / m_s}{x_1^{l} x_2^{l} y_2^{l}} \, d(x_2^{l} y_2^{l})$$

El método anterior también permite calcular la tensión de pesparramamiento:

$$\sigma_{\text{spr.}} = \sigma_{12} - (\sigma_2^* - \sigma_1^*)$$

 $\sigma_{12}$  es la tensión interfacial entre los líquidos 1 y 2;  $\sigma^*_{1,}$   $\sigma^*_{2}$ , son las tensiones Superficiales de los líquidos puros.

### **Equilibrio de intercambio de fases (2 componentes):**

$$10^{\sigma} + (2)^{l} \leftrightarrow (1)^{l} + (2)^{\sigma}$$

$$K = \frac{x_2^{\sigma} x_1^l}{x_1^{\sigma} x_2^l}; \qquad \ln K = -(\sigma_2^* - \sigma_1^*) a / RT$$

$$\frac{n^0 \Delta x_2^l / m x_1^l}{x_1^l} = \frac{n^{\sigma}}{m} (K - 1) \left[ x_2^l + \frac{1}{(K - 1)} \right]$$

 $n^{\sigma}/m = a_{S}/a$  Es la cantidad de moléculas de cualquiera de los 2 componentes para recubrir la superficie de una masa unitaria de sólido

$$a_S = \left(\frac{n^{\sigma}}{m}\right) a^0 N_A$$
 De aquí se puede calcular el área específica del sólido

Las isotermas de exceso superficial correspondientes a este caso tienen una forma de "U" invertida.

# Calculo del área especifica del sólido a partir de adsorción de solución

$$\frac{n^0 \Delta x_2^l}{m_S} = \alpha - \beta x_2^l = \frac{(n_2^\sigma - n^\sigma x_2^l)}{m_S}$$
$$\left(\frac{n_2^0}{m_S} - \alpha\right) - \left(\frac{n^\sigma}{m_S} - \beta\right) x_2^l = 0$$

Una solución de la ec. anterior es:

$$\alpha = \frac{n_2^{\sigma}}{m_S}; \quad \beta = \frac{n^{\sigma}}{m_S}; \quad (\beta - \alpha) = \frac{n_1^{\sigma}}{m_S}$$

Si se supone la existencia de una monocapa, el área superficial está dada por:

$$a_S = \frac{A_S}{m_S} = (\beta - \alpha)a_1 + \alpha a_2$$

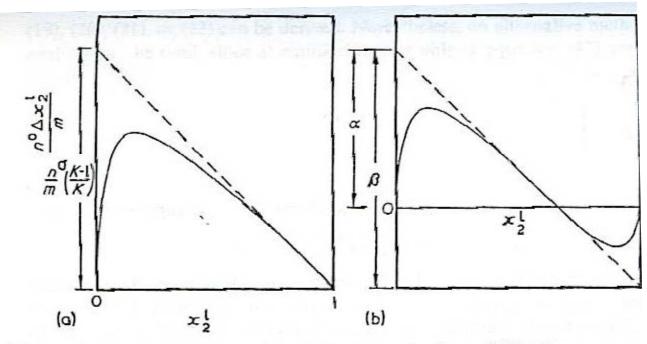


Figure 1 Two typical forms of surface excess isotherm  $(n^0 \Delta x_2^l/m \text{ versus } x)$  (a) convex upwards at all concentrations (Schay type 2), with approato linearity as  $x_2^l \to 1$ ; dashed line, limiting slope =  $(n^\sigma/m)(K-1)$ , for ideal system; (b) S-shaped isotherm (Schay type 4), showing azeotropic point and linear region in neighbourhood of point inflexion; dashed line, slope of linear region intersecting ordinates  $x_2^l = 0$  and 1 at  $\alpha$  and  $(\alpha - \beta)$ , respectively

## Efecto de la temperatura sobre las isotermas de adsorción

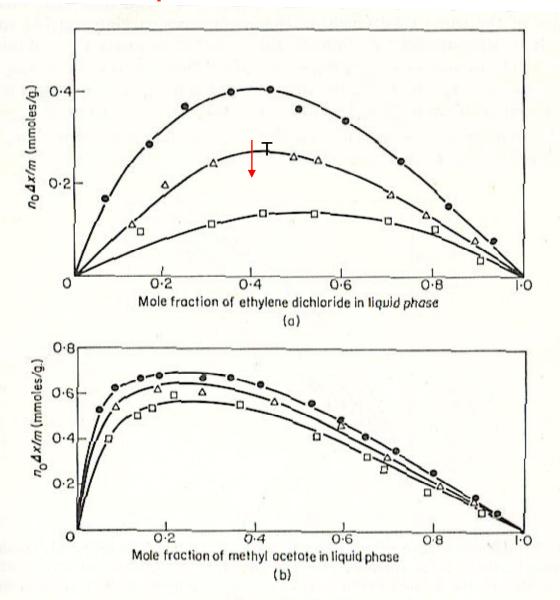
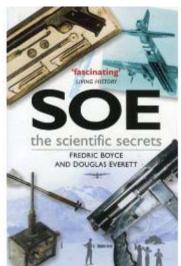


Fig. 4.22. Effect of temperature on adsorption by alumina (boehmite) from mixtures of (a) ethylene dichloride and benzene, (b) methyl acetate and benzene<sup>44</sup>:  $\bigcirc$ ,  $20^{\circ}$ C;  $\triangle$ ,  $40^{\circ}$ C;  $\square$ ,  $60^{\circ}$ C.









This book is dedicated to Douglas Hugh Everett, a man of stature, modesty, kindness and tremendous enthusiasm who past away on June 24<sup>th</sup>, 2002

"I always benefited from talking to him. He was a true scholar and gentleman of science. I always imagined he would live for ever and still be interested in science".

Professor Bob Evans, Physics Department, University of Bristol.



# Apéndice 1. Significado del exceso superficial en términos de adsorción relativa

$$\Gamma_{2}^{(1)} = \frac{1}{A_{S}} \left[ \left( n^{0} x_{2}^{0} - n^{0} x_{2}^{l} \right) - \left( n^{0} x_{1}^{0} - n^{0} x_{1}^{l} \right) \frac{x_{2}^{l}}{x_{1}^{l}} \right]$$

$$= \frac{n^{0}}{A_{S}} \left[ \Delta x_{2}^{l} - \Delta x_{1}^{l} \frac{x_{2}^{l}}{x_{1}^{l}} \right]$$

Dado que:

$$\Delta x_1^l = -\Delta x_2^l$$

$$\Gamma_2^{(1)} = \frac{n^0}{A_S} \Delta x_2^l \left( 1 + \frac{x_2^l}{x_1^l} \right) = \frac{n^0}{A_S} \frac{\Delta x_2^l}{x_1^l}$$

$$\Gamma_2^{(n)} = \frac{n^0}{A_S} \Delta x_2^l = \Gamma_2^{(1)} x_1^l$$

## Apéndice 2. Ecuación de adsorción Gibbs para una solución binaria no ideal

Para una solución binaria:

$$\Gamma_i^{(n)} + \Gamma_j^{(n)} = 0.$$

$$\mathrm{d}\sigma = rac{\Gamma_j^{(n)}}{x_j}\,\mathrm{d}\mu_i.$$

$$\mathrm{d}\mu_i = RT \, \mathrm{d} \, \ln \, x_i^i \gamma_i^i,$$

$$\frac{\sigma_i^{\circ} - \sigma_j^{\circ}}{RT} = \int_{x_i^{\circ} = 0}^{x_i^{\circ} = 1} \frac{\Gamma_j^{(n)}}{x_j^{\circ} x_i^{\circ} \gamma_i^{\circ}} \, \mathrm{d}x_i^{\circ} \gamma_i^{\circ}$$

### Apéndice 3. Adsorción relativa respecto a exceso superficial

$$n_1^{\sigma} = n_1 - V^l c_1^l$$
$$n_2^{\sigma} = n_2 - V^l c_2^l$$

Eliminando  $V^l$  entre estas ecuaciones se obtiene la adsorción relativa  $n_2^{\sigma(1)}$  del componente 2 con respecto al componente 1:

$$\begin{split} n_2^{\sigma(1)} &= n_2^{\sigma} - n_1^{\sigma} \Big( c_2^l \, / \, c_1^l \Big) = n_2 - n_1 \Big( c_2^l \, / \, c_1^l \Big) \\ \Gamma_i^{(j)} &= \frac{n^0 \, \Delta x_i}{m a_S(1-x_i^l)} = \frac{\Gamma_i^{(n)}}{(1-x_i^l)} \quad ; \qquad \Gamma_i^{(n)} = \frac{n^0 \, \Delta x_i}{m \, a_S} \quad \text{Exceso superficial de i} \end{split}$$

 $\Gamma_i^{(n)}$  es la cantidad en exceso de i en el sistema actual, por unidad de área del sólido, con respecto a la cantidad de i en un sistema de referencia que contenga la misma cantidad total,  $n^0$  de material y en la cual la fracción molar de i sea igual a aquella presente en la fase líquida del sistema real,  $x_i^{l}$ , hasta justo donde comienza la superficie del sólido.

$$\Gamma_2^{(1)} = \frac{1}{a_s(1-x_2^l)} \frac{(x_2^{\sigma} - x_2^l)}{[a_1 + (a_2 - a_1)x_2^l]}$$

Cuando los componentes 1 y 2 son de la misma área  $(a_1=a_2=a)$ 

$$n^{\sigma} = A_S / a$$

Esto es igual al número de sitios de adsorción sobre la superficie. Además:

$$x_2^{\sigma} = x_2^l + a\Gamma_2^{(n)} = x_2^l + \left(\frac{a}{a_S}\right) \left(\frac{n^0 \Delta x_2^l}{m}\right)$$

### Isotermas individuales en un sólido no-poroso:

$$A_{S} = n_{1}^{\sigma} a_{1} + n_{2}^{\sigma} a_{2} \qquad \frac{A_{S}}{n^{\sigma}} = x_{1}^{\sigma} a_{1} + x_{2}^{\sigma} a_{2}$$

$$\Gamma_{2} = \frac{n_{2}^{\sigma}}{A_{S}} \qquad \Gamma_{1} = \frac{n_{1}^{\sigma}}{A_{S}} \qquad \Gamma_{1} a_{1} + \Gamma_{2} a_{2} = 1$$

 $a_1$  y  $a_2$  son las areas molares parciales de 1 y 2

$$\frac{n^{\sigma}}{A_S} = \frac{1 - (a_2 - a_1)\Gamma_2^n}{a_2 + (a_2 - a_1)x_2^l}$$

$$x_{2}^{\sigma} = \frac{x_{2}^{l} + a_{1}\Gamma_{2}^{(n)}}{1 - (a_{2} - a_{1})\Gamma_{2}^{(n)}} = \frac{x_{2}^{l} + \left(\frac{a_{1}}{a_{S}}\right)\left(\frac{n^{0}\Delta x_{2}^{l}}{m_{S}}\right)}{1 - \left(\frac{a_{2} - a_{1}}{a_{S}}\right)\left(\frac{n^{0}\Delta x_{2}^{l}}{m_{S}}\right)}$$

La ecuación anterior permite construir las llamadas isotermas individuales de  $\mathcal{X}_2^{\sigma}$  contra  $\mathcal{X}_2^{l}$  a partir de  $\Delta x_2^{l}$ y el área superficial  $A_{\rm S}$ , cuando se conocen Los valores de  $a_1$  y  $a_2$ .

# J.J. Kipling, "Adsorption from solutions of non electrolytes" Academic Press, Londres, 1965

# REPORTING DATA ON ADSORPTION FROM SOLUTION AT THE SOLID/SOLUTION INTERFACE

Commission On Colloid And Surface Chemistry Including Catalysis Pure & Appl. Chem., Vol. 58, No. 7, pp. 967—984, 1986

D. H. Everett "Adsorption at the Solid/Liquid Interface"
Colloid Science Vol. 1
A Specialist Periodical Report. The Chemical Society, Londres 1973, pp. 49-102

"Adsorption from Solution" in honour of Professor D. H. Everett, FRS Edited by R.H. Ottewill, C.H. Rochester, A.L. Smith Academic Press 1983

